5. auf Drehung, Abb. 6. Ein Kräftepaar in einer zur Stabachse senkrechten Ebene verdreht die Stabquerschnitte gegeneinander. In den Fällen 4 und 5 entstehen Schubspannungen.

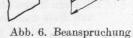
Treten mehrere Belastungsfälle gleichzeitig auf, so wird der Körper auf zusammengesetzte Festigkeit beansprucht. So wirkt auf den Querschnitt x des einseitig einge-



Abb. 5. Inan-

spruchnahme

auf Abscherung.



auf Drehung.

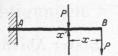


Abb. 7. Beanspruchung auf zusammengesetzte Festigkeit, auf Biegung und Schub.



Abb. 8. Belastung auf Zug, Biegung und Schub.

spannten, am freien Ende belasteten Balkens AB der Abb. 7 neben dem Biegemoment  $P \cdot x$  die Schubkraft P, deren Einfluß allerdings bei größerer Balkenlänge vernachlässigt werden darf. Der Stab, Abb. 8, erfährt durch  $P \cdot \cos \alpha$  eine Belastung auf Zug, durch  $P \cdot \sin \alpha$  eine solche auf Biegung und Schub.

## I. Zugfestigkeit und Grundbegriffe der Festigkeitslehre.

## A. Zugspannung. Proportionalitäts-, Fließ-, Bruch- und Zerreißgrenze, Zugfestigkeit, Elastizitätsgrenze.

Die Stange in Abb. 9 wird durch das angehängte, in der Stabachse wirkende Gewicht von P kg auf Zug beansprucht. Schneidet man ein beliebiges Stück aus dem Stabe heraus, so kann in diesem bei Vernachlässigung des Eigengewichtes die gleiche Wirkung durch zwei entgegengesetzt gerichtete, an den Enden angreifende Kräfte P erzeugt werden, die den Stab zu verlängern suchen. Unter der Annahme gleichmäßiger Ver-

teilung über den Querschnitt von der Größe F ergibt sich die auf die Flächeneinheit bezogene innere Kraft, die Zugspannung

$$\sigma_z = \frac{P}{F}.$$
 (1)

Bei d=2 cm Durchmesser und P=1500 kg würde z. B.

$$\sigma_z = \frac{P}{\frac{\pi}{4}d^2} = \frac{1500}{3,14} = 477 \text{ kg/cm}^2$$

betragen.

Abb. 9. Auf Zug beanspruchte Stange.  $\sigma_z$  muß geringer als die für den betreffenden Stoff und Belastungsfall zulässige Spannung  $k_z$  nach S. 12 sein.

Formeln für die Flächeninhalte verschiedener Querschnitte enthält die Zusammenstellung 6, S. 30.

Jeder Einwirkung einer Kraft entspricht eine Formänderung. Zugkräfte rufen Verlängerungen und gleichzeitig Querschnittverminderungen hervor. Abb. 10 zeigt in den Abszissen die Verlängerungen  $\lambda$  in Abhängigkeit von den als Ordinaten aufgetragenen Kräften P, wie sie bei einem Zugversuche an einem ausgeglühten, weichen Flußstahlstabe von 20 mm Durchmesser und 200 mm Meßlänge, Abb. 11, erhalten wurden. Als Meßlänge gilt dabei die Strecke l des Stabes, an der die Formänderungen beobachtet und festgestellt werden. Die Verlängerungen nehmen zunächst verhältnisgleich den Belastungen zu. Die Linie, Abb. 10, ist dementsprechend bis P gerade. Über P krümmt sich die Linie ein wenig, fällt bei  $F_o$  plötzlich auf  $F_u$  und verläuft bis G annähernd parallel zur Abszissenachse. Der Stab verlängert sich also, ohne daß die Kraft zunimmt; der Baustoff fließt. P heißt Proportionalitätsgrenze,  $F_o$  obere,  $F_u$  untere Fließ- oder Streckgrenze. Vom Punkte G ab sind größere Kräfte nötig, um weitere Formänderungen zu erzeugen; die Linie steigt an. In B erreicht die Belastung ihren Höchstwert, schließlich zerreißt der Stab in Z. Der Abfall von B nach Z ist in der Ein-